

۷- آلیاژی از قلع و سرب به وزن ۲۰ کیلوگرم وقتی که در آب غوطه ور باشد، ۲ کیلوگرم از وزن خود را از دست می‌دهد. می‌دانیم ۱۰ کیلوگرم قلع در آب $\frac{11}{8}$ کیلوگرم وزن خود و ۵ کیلوگرم سرب در آب $\frac{3}{8}$ کیلوگرم وزن خود را از دست می‌دهد. در این آلیاژ به ترتیب چقدر قلع و چقدر سرب بوده است؟

- (۱) ۸ و ۱۲
- (۲) ۶ و ۱۴
- (۳) ۹ و ۱۱
- (۴) $\frac{7}{5}$ و $\frac{12}{5}$

۸- در طی ۲۰ سال آینده، احتمالاً قادر به شناسایی ضعف‌های ژنتیکی افراد در مقابل هرگونه بیماری خاص خواهیم بود. سرانجام، استراتژی‌های موثری برای مقابله با هریک از این ضعف‌ها کشف خواهند شد. هرگاه چنین استراتژی‌هایی کشف شوند، افرادی که از آن‌ها پیروی می‌کنند، هرگز بیمار نخواهند شد. استدلال مطرح شده در بالا بر اساس چه پیش فرضی است؟

- (۱) برای هر بیماری تنها یک استراتژی وجود دارد که می‌تواند از آن بیماری جلوگیری نماید.
- (۲) همه بیماری‌های بشری به نوعی نتیجه اختلالات ژنتیکی افراد هستند.
- (۳) همه افراد از نظر ژنتیکی در مقابل برخی بیماری‌ها دارای ضعف هستند.
- (۴) وقتی افراد در مورد تاثیر توصیه‌های پزشکی مجاب شوند، از این توصیه‌ها پیروی خواهند کرد.

ریاضی عمومی ۱ و ۲ (طراح: رضا شکرزاد)

۹- تابع $f(x, m) = mx^2 + (4 - m)x + 3$ را در نظر بگیرید. مینیمم تابع f در فاصله‌ی $m \in [-2, 2]$ و $x \in [-5, 5]$ کدام است؟

- (۱) -۹۷
- (۲) -۸۷
- (۳) -۷۷
- (۴) -۴۳

۱۰- اگر $f(x) = \frac{1}{x^2 + x + 1}$ آنگاه مشتق مرتبه ۱۰ تابع f در نقطه $x = -\frac{1}{4}$ کدام است؟

- (۱) $10 \times \left(\frac{4}{3}\right)^{10}$
- (۲) $\left(\frac{4}{3}\right)^{10}$
- (۳) $5! \times \left(\frac{4}{3}\right)^6$
- (۴) $-10! \times \left(\frac{4}{3}\right)^6$

۱۱- اگر $f(x) = e^{x-2} - \frac{1}{x}$ باشد، خط مماس بر منحنی $f^{-1}(x)$ در نقطه‌ای به طول $\frac{1}{2}$ واقع بر آن محور Xها را با کدام طول قطع می‌کند؟

- (۱) -۲
- (۲) -۱
- (۳) ۳
- (۴) $\frac{3}{2}$

۱۲- اگر $f(x) = \sin^4 x + \cos^4 x$ ، آن‌گاه $f^{(5)}(0)$ کدام است؟

- (۱) 2^{100}
- (۲) 2^{98}
- (۳) -2^{98}
- (۴) -2^{100}

۱۳- نقطه $M(2,3)$ مختصات نقطه مینیمم تابع $y = \frac{ax^3+b}{x^2}$ است. مقدار $a + b$ کدام است؟

- (۱) ۸
- (۲) ۷
- (۳) ۶
- (۴) ۵